



**Department of Materials Engineering**  
**Final Exam - Heat Transfer**  
**L3/GP - January 2024**  
**1h35**



**No documents are allowed during the exam**

**Part 1 (7pts)**

1-Demonstrate the heat flow equation for the following cases :

-A hollow cylinder that has an internal radius  $r_1$  and an external radius  $r_2$ , is subjected to a permanent heat transfer. The temperatures of its internal and external surfaces are  $T_1$  and  $T_2$ , respectively. The thermal conduction coefficient ( $\lambda$ ) =  $a(1+bT^2)$ .

-Wall using poisson equation.

2- List the dimensionless variables that manage free and forced convection -justify their numbers

1-Démontrer l'équation de flux de chaleur pour les cas suivants :

-Un cylindre creux qui a un rayon interne  $r_1$  et un rayon externe  $r_2$ , est soumis à un transfert de chaleur permanent. Les températures de ses surfaces interne et externe sont  $T_1$  et  $T_2$ , respectivement. Si le coefficient de conduction thermique est donné par l'expression  $\lambda = a(1+bT^2)$ .

-Mur en utilisant l'équation de poisson.

2- Citer les variables adimensionnelles qui gèrent la convection libre et forcée -justifier leurs nombres.

**Part 2 (13pts)**

**Problem N°1(5pts)**

-An electrical resistance is considered to be a wire of length equal to 1 m with radius cross-section  $r = 0.85$  cm. Its thermal conductivity  $\lambda$  is  $15 \text{ W/m}^\circ\text{C}$  with electrical resistivity of  $\rho = 3.1510^{-5} \Omega \cdot \text{m}$ . This resistance is immersed in a circulating water bath ( $h = 0.09 \text{ W/m}^2 \text{ }^\circ\text{C}$ ) which maintains the lateral surface of the wire at  $90^\circ\text{C}$ .

- Calculate :

1- The maximum temperature in the wire, if the current flowing through it has an intensity of  $I = 258 \text{ A}$ .

2- The new electric intensity for  $T = 110^\circ\text{C}$  and  $r = 0.3 \text{ cm}$ .

-On considère comme résistance électrique un fil de longueur égale à 1 m de section de rayon  $r = 0,85$  cm. Sa conductivité thermique  $\lambda$  est de  $15 \text{ W/m}^\circ\text{C}$  avec une résistivité électrique de  $\rho = 3,1510^{-5} \Omega \cdot \text{m}$ . Cette résistance est plongée dans un bain d'eau circulante ( $h = 0,09 \text{ W/m}^2 \text{ }^\circ\text{C}$ ) qui maintient la surface latérale du fil à  $90^\circ\text{C}$ .

-Calculer :

1-La température maximale dans le fil, si le courant qui le traverse à une intensité de  $I = 258 \text{ A}$ .

2-La nouvelle intensité électrique pour  $T = 110^\circ\text{C}$  et  $r = 0,3 \text{ cm}$ .



**Department of Materials Engineering**  
**Final Exam - Heat Transfer**  
**L3/GP - January 2024**  
**1h35**



**Problem N°2 (5pts)**

-Calculate the convection heat transfer coefficient for a vertical plate (25 cm wide and 55 cm high), its temperature is 184°F. That is exposed to nitrogen at 60 °F.

-Calculer le coefficient de transfert de chaleur par convection pour une plaque verticale (25 cm de largeur et 55 cm de hauteur), sa température est 184 °F. Celle-ci est exposée à l'azote à 60 °F.

**Problem N°3 (3pts)**

A tungsten filament at a temperature of 1700°F.

- Calculate:
  - Maximum wavelength.
  - The flux density for  $\lambda=1.8 \mu\text{m}$ .

$$\sigma = 5,67 \times 10^{-8} \text{ SI.}$$

Un filament en tungstène à la température de 1700°F.

- Calculer :
  - Longueur d'onde maximale.
  - La densité du flux pour  $\lambda=1,8 \mu\text{m}$ .

**Appendix problem N°2**

Geometry	Type Flow	Correlation	Conditions
Flat plate (Plaque plane)	Laminar	$\overline{\text{Nu}} = 0.664 \text{ Re}^{0.5} \text{ Pr}^{0.33}$	$0.6 < \text{Pr} < 50$
	Turbulent	$\overline{\text{Nu}} = 0.037 \text{ Re}^{0.8} \text{ Pr}^{0.33}$	
Vertical plate (Plaque verticale)		$\overline{\text{Nu}} = 0.59 \text{ Ra}^{0.25}$	$10^4 \leq \text{Ra} \leq 10^9$
		$\overline{\text{Nu}} = 0.10 \text{ Ra}^{0.33}$	$10^9 < \text{Ra} \leq 10^{13}$

*(g) Nitrogen at 1 atm (101.325 kPa)*

T (C)	$\rho$ (kg/m <sup>3</sup> )	$c_p$ (J/kg C)	k (W/mC)	$\mu$ (kg/m s)	v (m <sup>2</sup> /s)	Pr
-50	1.523	1042	0.0201	$14.12 \times 10^{-6}$	$9.28 \times 10^{-6}$	0.732
0	1.253	1041	0.0239	$16.57 \times 10^{-6}$	$13.23 \times 10^{-6}$	0.722
50	1.049	1041	0.0275	$18.85 \times 10^{-6}$	$17.97 \times 10^{-6}$	0.714
100	0.897	1043	0.0309	$20.96 \times 10^{-6}$	$23.37 \times 10^{-6}$	0.708
150	0.785	1047	0.0342	$22.94 \times 10^{-6}$	$29.22 \times 10^{-6}$	0.704
200	0.703	1053	0.0373	$24.80 \times 10^{-6}$	$35.30 \times 10^{-6}$	0.701
250	0.641	1060	0.0402	$26.56 \times 10^{-6}$	$41.45 \times 10^{-6}$	0.700
300	0.592	1069	0.0431	$28.22 \times 10^{-6}$	$47.67 \times 10^{-6}$	0.701
350	0.551	1080	0.0458	$29.80 \times 10^{-6}$	$54.10 \times 10^{-6}$	0.702
400	0.513	1091	0.0484	$31.31 \times 10^{-6}$	$61.01 \times 10^{-6}$	0.705
450	0.477	1103	0.0510	$32.77 \times 10^{-6}$	$68.71 \times 10^{-6}$	0.709
500	0.441	1115	0.0535	$34.17 \times 10^{-6}$	$72.51 \times 10^{-6}$	0.712
550	0.406	1128	0.0560	$35.53 \times 10^{-6}$	$87.52 \times 10^{-6}$	0.716
600	0.375	1140	0.0584	$36.84 \times 10^{-6}$	$98.35 \times 10^{-6}$	0.719
650	0.351	1152	0.0609	$38.11 \times 10^{-6}$	$108.7 \times 10^{-6}$	0.721
700	0.340	1162	0.0633	$39.34 \times 10^{-6}$	$115.7 \times 10^{-6}$	0.722