Fiche TD n°01 : A STATISTIQUES – Corrigé

USTO-MB / Faculté de Chmie – 2025-2026 Module : Probabilités & Statistiques – LMD S3

Exercice n°1

Énoncé (données):

```
3
           5
              4
                       6
                                    3
   7
              2
           6
                  7
                       7
                           9
                               8
                                    10
           8
              6
                       3
                           7
                               3
                                    5
           4
              7
                  5
                       9
                           9
                               6
                                    9
   3
           8
                       5
                              10
                                    6
           7
              4
                  7
                      10
                               7
                                    10
3
              8
                               10
                                    7
           5
                       4
           8
                               8
                                    9
              7
                  7
                       7
                           8
```

Table 1 – Données brutes – nombres de bonnes réponses (80 étudiants)

Solution:

- 1. Population : l'ensemble des 80 étudiants.
- 2. Variable statistique : nombre de bonnes réponses ; Cette variable est de type discrète.
- 3. Tableau de distribution (effectifs et fréquences) :

| Modalités x_i | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|------------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| Effectifs n_i | 2 | 6 | 6 | 9 | 14 | 19 | 11 | 8 | 5 |
| Fréquences f_i | 0.025 | 0.075 | 0.075 | 0.113 | 0.175 | 0.238 | 0.138 | 0.100 | 0.063 |

Table 2 – Tableau de distribution pour l'exercice 1 (80 observations)

Énoncé (données):

```
127
     128
                 139
                       128
                             133
                                         130
                                               131
                                                     130
127
           136
120
     129
           126
                 133
                       138
                             132
                                   122
                                         140
                                               133
                                                     134
```

Table 3 – Données brutes – tailles d'enfants (20 mesures)

Solution:

- 1. Population: l'ensemble des 20 enfants.
- 2. Variable statistique : tailles de chaque enfants; C'est une variable de type continue.
- 3. Construction du tableau d'effectifs : les étapes sont

Etape 1 : Étendue des données :

 $\begin{array}{l} {\rm Minimum}: 120~{\rm cm} \\ {\rm Maximum}: 140~{\rm cm} \end{array}$

Étendue : 140 - 120 = 20 cm.

Etape 2 : Création de 4 classes égales : Pour 4 classes, la largeur de chaque classe est :

Largeur = $\frac{\text{Étendue}}{\text{Nombre de classes}} = \frac{20}{4} = 5 \,\text{cm}$. Les classes seront définies comme suit :

Classe $1:[120,\,125[\,;$

Classe 2:[125, 130[;

Classe 3: [130, 135];

Classe 4: [135, 140];

Etape 3 : Comptage des effectifs : On répartit les 20 tailles dans les classes :

[120, 125]: 120, 122 (2 individus)

[125, 130]: 126, 127, 127, 128, 128, 129 (6 individus)

[130, 135]: 130, 130, 131, 132, 133, 133, 133, 134 (8 individus)

[135, 140]: 136, 138, 139, 140 (4 individus)

On obtient le tableau suivant :

Table 4 – Tableau d'effectifs (Ex.2)

| Classe | Effectif |
|------------|----------|
| [120, 125[| 2 |
| [125, 130[| 6 |
| [130, 135[| 8 |
| [135, 140] | 4 |

Énoncé (données):

| 10520 | 20420 | 24150 | 26390 | 27880 | 32110 | 34620 | 38350 |
|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| 14310 | 20630 | 24420 | 26510 | 28000 | 32430 | 35270 | 39240 |
| 16020 | 21110 | 24530 | 26520 | 29080 | 32480 | 35890 | 39810 |
| 16670 | 21350 | 24910 | 26710 | 29160 | 32610 | 36100 | 40700 |
| 17220 | 21790 | 25080 | 27400 | 29770 | 33720 | 36440 | 41660 |
| 18450 | 22500 | 25160 | 27550 | 30330 | 33740 | 36540 | 41720 |
| 19160 | 22630 | 25900 | 27630 | 30410 | 33740 | 36660 | 42600 |
| 19320 | 22910 | 26220 | 27660 | 30720 | 34220 | 37390 | 44310 |
| 19470 | 23400 | 26250 | 27790 | 31650 | 34570 | 37650 | 46270 |
| 19710 | 23820 | 26340 | 27840 | 31820 | 34620 | 38200 | 48340 |

Table 5 – Salaire des employés (80 valeurs)

Solution:

- 1. Population : ensemble des employés d'Air Algérie (les 80 salaires).
- 2. Variable statistique : salaire; Type : continue.
- 3. Regroupement en 8 classes de largeur égale (largeur choisie = 5000 DA) : classes, effectifs et fréquences.

| Classes | Effectifs n_i | Fréquences f_i |
|----------------|-----------------|------------------|
| [10000, 15000[| 2 | 0.025 |
| [15000, 20000[| 8 | 0.100 |
| [20000, 25000[| 14 | 0.175 |
| [25000, 30000[| 21 | 0.263 |
| [30000, 35000[| 16 | 0.200 |
| [35000, 40000[| 12 | 0.150 |
| [40000, 45000[| 5 | 0.063 |
| [45000, 50000[| 2 | 0.025 |
| Total | 80 | 1.000 |

Table 6 – Tableau de distribution (Ex.3)

Énoncé (données):

| 72.6 | 81.9 | 84.7 | 88.1 | 89.4 | 91.6 | 93.7 | 95.8 | 99.1 | 103.2 |
|------|------|------|------|------|------|------|------|-------|-------|
| 75.8 | 82.6 | 85.4 | 88.1 | 90.2 | 92.4 | 93.9 | 96.6 | 99.4 | 103.9 |
| 77.5 | 82.9 | 86.2 | 88.3 | 90.9 | 92.5 | 94.4 | 97.1 | 99.8 | 104.0 |
| 78.3 | 83.0 | 86.9 | 88.7 | 91.1 | 92.8 | 94.7 | 97.2 | 100.4 | 105.2 |
| 79.6 | 83.5 | 87.3 | 89.0 | 91.2 | 93.0 | 94.8 | 97.5 | 101.4 | 106.1 |
| 81.5 | 84.1 | 87.8 | 89.1 | 91.3 | 93.3 | 95.2 | 98.3 | 102.1 | 118.7 |

Table 7 – Poids (kg) – 60 observations

Solution:

1. Population: 60 jeunes joueurs (poids en kg).

2. Variable : poids; Type : continue.

3. Notez que : Pour obtenir les fréquences on doit faire les effectifs d'abord

| Classes | Effectifs n_i | Fréquences f_i |
|------------|-----------------|------------------|
| [70, 80[| 5 | 0.083 |
| [80, 90[| 20 | 0.333 |
| [90, 100[| 26 | 0.433 |
| [100,110[| 8 | 0.133 |
| [110, 120[| 1 | 0.017 |
| Total | 60 | 1.000 |

Table 8 – Tableau de distribution (Ex.4)

1. À partir des données de l'exercice 1, ajouter la colonne des fréquences relatives cumulées.

| Modalités x_i | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|------------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| Effectifs n_i | 2 | 6 | 6 | 9 | 14 | 19 | 11 | 8 | 5 |
| Fréquences f_i | 0.025 | 0.075 | 0.075 | 0.113 | 0.175 | 0.238 | 0.138 | 0.100 | 0.063 |
| F_i (cumulées) | 0.025 | 0.100 | 0.175 | 0.288 | 0.463 | 0.701 | 0.839 | 0.939 | 1.000 |

Table 9 – Fréquences relatives cumulées (Ex.5)

2. La proportion des étudiants ayant moins de 6 bonnes réponses est : avec x le nombre de bonnes réponses $F(x < 6) = F(x = 5) = 0.288 \approx 28.8\%$.

Exercice Supplémentaire (peut être donné comme travail de maison)

1. À partir des données de l'exercice 2 : fréquences cumulées.

| Classes | n_i | f_i | F_i (cumulées) |
|----------------|-------|-------|------------------|
| [10000, 15000[| 2 | 0.025 | 0.025 |
| [15000, 20000[| 8 | 0.100 | 0.125 |
| [20000, 25000[| 14 | 0.175 | 0.300 |
| [25000, 30000[| 21 | 0.263 | 0.563 |
| [30000, 35000[| 16 | 0.200 | 0.763 |
| [35000, 40000[| 12 | 0.150 | 0.913 |
| [40000, 45000[| 5 | 0.063 | 0.976 |
| [45000, 50000[| 2 | 0.025 | 1.000 |

Table 10 – Fréquences cumulées (Ex.supp)

2. La proportion voulue est lisible à la cinquième ligne du tableau : approximativement 0.763 ou, en pourcentage 76.3% des employés reçoivent un salaire inférieur à 35000 da.